

# Funciones de Hash en Criptografia

Valentina S. Vispo

Octubre 2023

# Índice

<b>1</b>	<b>Funciones de Hash</b>	<b>2</b>
1.1	De que se trata . . . . .	2
1.1.1	Propiedades . . . . .	2
1.1.2	Problemas . . . . .	2
1.1.3	Tipos de ataque a las funciones hash . . . . .	2
<b>2</b>	<b>Desafío: Segunda preimagen de una función de hash</b>	<b>4</b>
2.1	Enunciado . . . . .	4
2.2	Analisis . . . . .	4
2.3	Solucion . . . . .	4
2.3.1	Como correr la solución . . . . .	4
2.4	Herramientas . . . . .	4
2.5	Referencias . . . . .	4

# 1 Funciones de Hash

## 1.1 De que se trata

Las funciones de hash criptograficas son probablemente las herramientas mas versatiles de todo el arsenal criptografico, y forman parte de infinidad de protocolos

### 1.1.1 Propiedades

Una funcion de hash es una funcion  $h$  que tiene, como minimo, las siguientes propiedades”

1. **Compresion:**  $h$  mapea una entrada  $x$  de longitud finita arbitraria a una salida  $h(x)$  de longitud fija  $n$
2. **Resistencia de preimagen:** Si  $H = F(x)$ , debe ser dificil, conociendo  $H$  y  $F$ , averiguar  $X$ .
  - (a) Dificil de invertir
  - (b) Si lograr obtener un texto claro, no es posible de manera directa obtener otros
3. **Resistencia de segunda preimagen:** Si el archivo es modificado produciendo un  $X' \neq X$ , la funcion debe producir  $H' = F(X') \neq H$ . Debe ser dificil, conociendo  $H$ ,  $X$  y  $F$ , encontrar un  $X'$  tal que  $F(X) = F(X')$ 
  - (a) Importante para firmas digitales
  - (b) *Resistencia a colisiones para firmas digitales*
    - i. Si firmas algo creado por otra persona, la resistencia a segunda preimagen no te protege — Es mas facil generar dos documentos con el mismo hash, conociendo el  $x$ .
4. **Resistencia a colisiones:** es dificil encontrar  $x, x'$  tal que  $x \neq x'$  y  $h(x) = h(x')$ .

### 1.1.2 Problemas

1. Si se conoce como es la funcion de hash, son facilmente quebrables
2. Almacenamiento de passwords:
  - (a) texto claro: si se obtiene acceso a la base de datos, la informacion esta comprometida de manera directa. Si ocurre un ataque interno, ocurre lo mismo.
  - (b) cifradas: para cifrar y descifrar requiere una clave, entonces debe estar almacenada, siendo inseguro

### 1.1.3 Tipos de ataque a las funciones hash

**Ataque de preimagen:**

- El atacante debe generar multiples mensajes y probar la funcion de hash con cada uno de ellos.
- Para lograrlo se necesita en promedio generar  $2^n$  mensajes.

- Una función de hash de 128 bit ya es seguro para el ataque de preimagen. Deberían generarse  $2^{128}$  mensajes.

**Ataques de colisión:**

- Mucho más simple de realizar que los ataques de preimagen.

- Para lograrlo se debe encontrar una colisión, y estas requieren en promedio  $2^{\frac{n}{2}}$  operaciones.

- Una función de hash de 256 bit ya es seguro para el ataque de preimagen, para que demoren  $2^{128}$  operaciones.

- Paradoja del cumpleaños;

- Enunciado: Cuántas personas tiene que haber en un grupo para que exista la probabilidad del 50

- Respuesta: 23

- Lo que ocurre es que si hay N personas hay  $\frac{N \cdot (N-1)}{2}$  pares de personas, es decir, del orden  $N^2$

**Ataques sobre la función de compresión:** - El atacante utiliza criptoanálisis diferencial (ataque probabilístico)

- Ataques de multibloque

- Los mensajes que colisionan son:

$$M = M_1 || M_2, M' = M'_1 || M'_2$$

**Ataques de prefijo elegido:** - Permiten construir colisiones a partir de dos prefijos distintos elegidos por el atacante

- Es un ataque más poderoso, permite lograr colisiones agregando bits a mensajes existentes

- Puede extenderse para lograr multicolisiones (Nostradamus attack)

## 2 Desafío: Segunda preimagen de una función de hash

### 2.1 Enunciado

El desafío consiste en encontrar una segunda preimagen al resultado de aplicar una función de hash de 24 bits a su dirección de correo electrónico. Usaremos una función que consiste en aplicar SHA-256 y tomar los primeros  $N$  bits del resultado. Llamaremos a esta función SHA-256- $N$ .

Cada byte (8 bits) está representado por 2 caracteres hexadecimales, por lo que SHA-256-24 tiene una salida de 6 caracteres, y SHA-256-48 una de 12.

Observaciones

- Para encontrar una preimagen, el esfuerzo necesario es del orden de  $2^n$ , donde  $n$  es la longitud del hash. En este caso  $n = 24$ , por lo que se requiere calcular unos pocos millones de hashes.
- El cálculo no debería tomar más de unas decenas de segundos en una computadora con un procesador reciente.

### 2.2 Analisis

### 2.3 Solucion

Notas a tener en cuenta

1. La respuesta será una secuencia de bytes codificada en base64
2. La respuesta contiene los cinco textos cifrados, uno por línea, y codificados individualmente en base64

Pasos

- 1.

#### 2.3.1 Como correr la solución

```
python3 challenges/6_Second_Preimage.py
```

### 2.4 Herramientas

### 2.5 Referencias

1. Enunciado ejercicio